

<<Fourie 級数>>

組 番 氏名 _____

- 1 「すべての周期関数 ($\rightarrow f(x+T) = f(x)$ となる T が存在する関数：周期 T) は，
 どんなに複雑なものであっても，単純な関数の和 (合成) で近似することができる。」
 \Rightarrow フーリエの大発見！

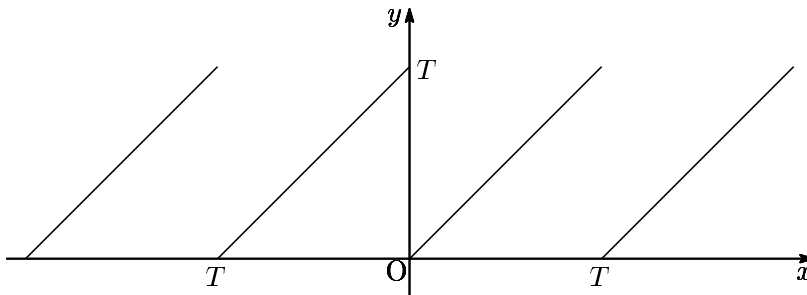
$$(1) f(x) = \frac{a_0}{2} + a_1 \cos \omega x + a_2 \cos 2\omega x + a_3 \cos 3\omega x + \dots + a_n \cos n\omega x + \dots$$

$$+ b_1 \sin \omega x + b_2 \sin 2\omega x + b_3 \sin 3\omega x + \dots + b_n \sin n\omega x + \dots$$

$$(2) f(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} (a_n \cos n\omega x + b_n \sin n\omega x) \quad : \quad \text{これを, フーリエ級数 と言う。}$$

$$\text{ここで, } a_n = \int_0^T f(x) \cos n\omega x \, dx, \quad b_n = \int_0^T f(x) \sin n\omega x \, dx \quad \text{である。}$$

- 2 例として, $f(x) = x - [x]$ ($[x]$ はガウス記号): これをフーリエ級数で近似する。
 \Rightarrow Grapes のファイルを見せる。



- 3 次に, 人の声 『お』 をフーリエ級数で近似する。
 \Rightarrow 説明内容および発表 (プレゼン) 原稿を考えて！

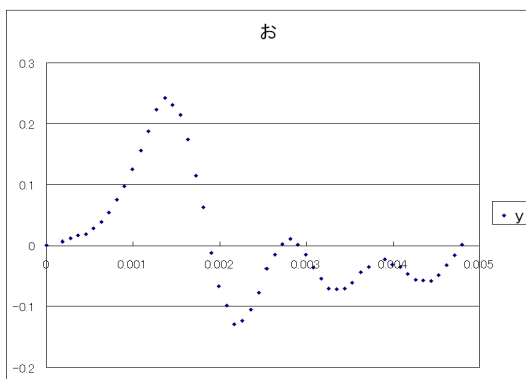


図 1: 『お』 のプロットデータ

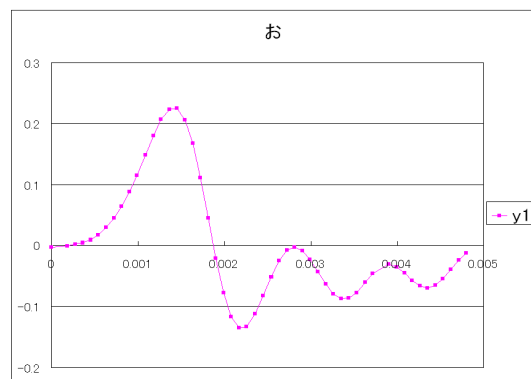


図 2: フーリエ級数による近似