

## ※倍数の見つけ方

**2の倍数** … 一の位が2の倍数(偶数)であること。

**3の倍数** … 各位の数の和が3の倍数であること。

$$\text{例: } 100a+10b+c=(99+1)a+(9+1)b+c=3(33a+3b)+(a+b+c)$$

**4の倍数** … 下二桁が00か4の倍数であること。

**5の倍数** … 一の位が0か5であること。

**6の倍数** … 各位の数の和が3の倍数で、なおかつ一の位が偶数であること。

**7の倍数** … 末位から三桁ごとに区切り、左端の区画を最初の区画とするとき、  
(奇数の区画の総和)-(偶数の区画の総和)が7の倍数であること。

例: 1232567 のとき、1 | 232 | 567 と区切ると、

$$\text{奇数区画の総和}=1+567=568, \text{ 偶数区画の総和}=232$$

$$568-232=336 \text{ は } 7 \text{ の倍数なので } 7 \text{ の倍数。}$$

$$\begin{aligned} \text{例: } & 1000000a+100000b+10000c+1000d+100e+10f+g \\ & = (999999+1)a + (100100-100)b + (10010-10)c + (1001-1)d + 100e + 10f + g \\ & = 999999a + 1001(100b+10c+d) + (a+100e+10f+g) - (100b+10c+d) \\ & = 7 \times \{142857a + 143(100b+10c+d)\} + (a+100e+10f+g) - (100b+10c+d) \end{aligned}$$

**8の倍数** … 下三桁が000か8の倍数であること。

**9の倍数** … 各位の数の和が9の倍数であること。

**11の倍数** … 末位から(奇数番目の数の和)-(偶数番目の数の和)が11の倍数であること。

$$\text{例: } 123456718 \text{ のとき, 奇数番目の数の和}=1+3+5+7+8=24$$

$$\text{偶数番目の数の和}=2+4+6+1=13 \quad 24-13=11 \text{ なので } 11 \text{ の倍数。}$$

**13の倍数** … 末位から三桁ごとに区切り、左端の区画を最初の区画とするとき、  
(奇数の区画の総和)-(偶数の区画の総和)が13の倍数であること。

例: 123456073 のとき、123 | 456 | 073 と区切ると、

$$\text{奇数区画の総和}=123+73=196, \text{ 偶数区画の総和}=456$$

$$196-456=-260 \text{ は } 13 \text{ の倍数なので } 13 \text{ の倍数。}$$